МОДЕЛЮВАННЯ ВПЛИВУ НЕРІВНОМІРНОСТІ СПОЖИВАННЯ ПАРИ ВАКУУМ АПАРАТАМИ НА РОБОТУ ВИПАРНОЇ УСТАНОВКИ

В.П.Петренко, канд. техн. наук. М.О.Прядко, докт.техн. наук. В.О.Бойко

Надані результати моделювання проходження концентраційних хвиль по корпусам випарної установки, як відгук на періодичний характер споживання пари вакуум апаратами. Отримані відповідні розрахункові залежності, надана графічна інтерпретація результатів.

The results of the concentration waves passage modeling through the stages of a multieffect evaporator as a response to the periodic character of the extra steam consumption of the vacuum pans have been presented. Respective calculation relations were obtained, the graphical interpretation of the results is given.

Коливання концентрації сиропу виникають при змінах витрати соку і його густини на вході у випарну установку (ВУ). Але і в процесі ритмічної роботи мають місце періодичні коливання концентрації сиропу різної інтенсивності, відповідно до циклів роботи вакуум апаратів першої кристалізації. Як було показано в [1, 2], час проходження температурної хвилі при ступеневому збуренні, наприклад, вмиканні теплообмінного апарата, складає 1-2 хвилини на кожний випарний апарат, в той час, як період вирівнювання концентрації становить 20 – 30 хвилин в залежності від маси рідини у випарному апараті. Тому при аналізі руху концентраційних хвиль початковою паузою часу релаксації температурного напору можна знехтувати. Зі зростанням п'єзометричного рівня процес вирівнювання концентрації уповільнюється. Швидкість руху концентраційної хвилі по корпусам ВУ при нанесенні збурення буде різною, оскільки випарна установка укомплектована випарними апаратами з різною поверхнею та ємністю.

Відомо, що інтенсивність споживання пари вакуум апаратами має специфічні періоди залежно від стадії уварювання утфелю. При цьому, графік споживання пари в рамках конкретного періоду має лінійної характер, якісна графічна апроксимація якого наведена на, рис.1,



Рис. 1. Характерний графік споживання пари вакуум апаратами 1 кристалізації.

Математично лінії на рис.1 апроксимуються функціями

$$E(\tau) = E_{max} \left[1 - k_1 \frac{\tau}{\tau_m} \right]$$
 при $t < t_n$,

$$E(\tau) = E_{max} \left[1 - k_1 \left(\frac{\tau_n}{\tau_m} \right) - k_2 \left(\frac{\tau - \tau_n}{\tau_m} \right) \right] \quad \text{при} \quad t_n \text{ f } t < t_k , \qquad (1)$$

$$E(\tau) = E_{max} \left[1 - k_1 \left(\frac{\tau_n}{\tau_m} \right) - k_2 \left(\frac{\tau_k - \tau_n}{\tau_m} \right) - k_3 \left(\frac{\tau - \tau_k}{\tau_m} \right) \right] \text{при} \quad t_k \text{ f } t < t_m.$$

У співвідношеннях (1): E_{max} – початкове, в момент включення вакуум апарата в роботу, максимальне пароспоживання; k_1 , k_2 , k_3 – кутові коефіцієнти для прямих характерних режимів.

Границі зон характерних режимів τ_n , τ_k та загальний час уварювання τ_m змінюються в залежності від якості сиропів, поверхні теплообміну нагрівної камери, та температурного напору. Підбором E_{max} , t_m , t_n , t_k , k_1 , k_2 , k_3 – можна добитися відповідності апроксимаційної кривої з дослідною для різних умов процесу уварювання утфелю.

Характер розподілу навантаження по корпусам ВУ буде залежати від того, з якого корпусу здійснюються відбори пари на вакуум апарати. Якщо, наприклад, з третього, то в процесі руху температурної хвилі аналогічне навантаження отримує і 2, і 1 корпуси. Зі зміною температурного напору змінюється і навантаження випарних апаратів і, відповідно, концентрація по корпусам ВУ, як результат накладання концентраційних хвиль при русі розчину від корпусу до корпусу..

Оскільки, випарний апарат з багатократною циркуляцією наближений до реактора ідеального змішування, концентрація розчину в об'ємі апарата практично співпадає з вихідною. За даних умов математично залежність вихідної концентрації сиропу для довільного корпусу 5^{ти} корпусної ВУ *С*_{*i*}(*τ*)в разі споживання вакуум апаратами вторинної пари 3 корпус ВУ виразиться системою рівнянь:

$$M_{1} \frac{dC_{1}(\tau)}{d\tau} = G_{o}C_{o} - (G_{o} - W_{1} - E(\tau))C_{1}(\tau)$$

$$M_{2} \frac{dC_{2}(\tau)}{d\tau} = (G_{o} - W_{1} - E(\tau))C_{1}(\tau) - (G_{o} - W_{1} - W_{2} - 2E(\tau))C_{2}(\tau)$$

$$M_{3} \frac{dC_{3}(\tau)}{d\tau} = (G_{o} - W_{1} - W_{2} - 2E(\tau))C_{2}(\tau) - (G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - 3E(\tau))C_{3}(\tau)$$

$$M_{4} \frac{dC_{4}(\tau)}{d\tau} = (G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - 3E(\tau))C_{3}(\tau) - (G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - 3E(\tau))C_{4}(\tau)$$

$$M_{5} \frac{dC_{5}(\tau)}{d\tau} = (G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - 3E(\tau))C_{4}(\tau) - (G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - W_{4} - 3E(\tau))C_{5}(\tau),$$

де M_i – маса розчину в і^{ому} корпусі ВУ; G_o – витрата соку на ВУ; C_o – концентрація соку, що поступає на ВУ; W_i – випарена волога на і^{ому} корпусі ВУ ,без врахування навантаження на вакуум апарати 1 кристалізації. E(t) – парове навантаження на ВУ вакуум апаратами 1 кристалізації, (співвідношення (1)).

Система рівнянь (2) може бути проінтегрована за допомогою степеневих рядів відповідно до кожної стадії уварювання утфелю. Наприклад, для 1 корпусу ВУ концентрація соку на виході *С*₁(*т*) для відповідних періодів запишеться як

$$C_1(\tau) = a_o + a_1 \tau + a_2 \tau^2 + ... + a_n \tau^n$$
, для періоду $t \ f \ t_n$,

$$C_{1}(\tau) = A_{o} + A_{1}(\tau - \tau_{n}) + A_{2}(\tau - \tau_{n})^{2} + \dots + A_{n}(\tau - \tau_{n})^{n},$$
для періоду $t_{n} \pounds t \pounds t_{k},$

$$C_{1}(\tau) = \alpha_{o} + \alpha_{1}(\tau - \tau_{k}) + \alpha_{2}(\tau - \tau_{k})^{2} + \dots + \alpha_{n}(\tau - \tau_{k})^{n},$$
для періоду $t_{k} \pounds t \pounds t_{m}.$ (3)

Початкові умови:

$$C_{1}(0) = C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1}}, \quad C_{1}(\tau_{n}) = a_{o} + \sum_{1}^{i} a_{i}(\tau_{n})^{i}, \qquad C_{1}(\tau_{k}) = A_{o} + \sum_{1}^{i} A_{i}(\tau_{k} - \tau_{n})^{i}.$$

Підставивши (3) в (2) та порівнявши коефіцієнти при однакових степенях τ , $(\tau - \tau_n)$ та $(\tau - \tau_\kappa)$, отримаємо залежність вихідної концентрації соку із 1 корпуса ВУ у вигляді (3). Коефіцієнти ряду набувають вигляду:

$$\begin{split} a_{o} &= C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1}}; \quad a_{1} = b_{11} - a_{o}m_{11}, \qquad a_{2} = -\frac{K_{11}}{2}a_{o} - \frac{m_{11}}{2}a_{1} \quad , \quad a_{n} = -\frac{K_{11}}{n}a_{n-2} - \frac{m_{11}}{n}a_{n-1}, \\ & \square e \quad b_{11} = G_{o} \frac{C_{o}}{M_{1}}, \qquad m_{11} = \frac{G_{o} - W_{1} - E_{max}}{M_{1}}, \qquad K_{11} = \frac{E_{max}k_{1}}{M_{1}\tau_{m}}. \\ A_{o} &= a_{o} + \sum_{1}^{n} a_{i}(\tau_{n})^{i} \quad , \quad A_{1} = b_{12} - A_{o}m_{12}, \quad A_{2} = -\frac{K_{12}}{2}A_{o} - \frac{m_{12}}{2}A_{1}, \\ A_{3} &= -\frac{K_{12}}{3}A_{1} - \frac{m_{12}}{3}A_{2}, \qquad A_{n} = -\frac{K_{12}}{n}A_{n-2} - \frac{m_{12}}{n}A_{n-1}, \\ \square e \quad b_{12} = G_{o} \frac{C_{o}}{M_{1}}, \qquad m_{12} = \frac{G_{o} - W_{1} - E_{max} + k_{1} \left(\frac{\tau_{n}}{\tau_{m}}\right) E_{max}}{M_{1}}, \qquad K_{12} = \frac{E_{max}k_{2}}{M_{1}\tau_{m}}. \\ \alpha_{o} &= A_{o} + \sum_{1}^{n} A_{i}(\tau_{k} - \tau_{n})^{i}, \quad \alpha_{1} = b_{13} - \alpha_{o}m_{13}, \qquad \alpha_{2} = -\frac{K_{13}}{2}\alpha_{o} - \frac{m_{13}}{2}\alpha_{1}, \\ \alpha_{3} &= -\frac{K_{13}}{3}\alpha_{1} - \frac{m_{13}}{3}\alpha_{2}, \qquad \alpha_{n} = -\frac{K_{13}}{n}\alpha_{n-2} - \frac{m_{13}}{n}\alpha_{n-1}, \\ \square e \quad b_{13} = G_{o} \frac{C_{o}}{M_{1}}, \qquad m_{13} = \frac{G_{o} - W_{1} - E_{max} + k_{1} \left(\frac{\tau_{n}}{\tau_{m}}\right) E_{max} + k_{2} \left(\frac{\tau_{k} - \tau_{n}}{\tau_{m}}\right) E_{max}}{M_{1}}, \qquad K_{13} = \frac{E_{max}k_{3}}{M_{1}\tau_{m}}. \end{split}$$

Перший індекс відповідає номеру корпусу ВУ, другий – періоду уварювання утфелю відповідно до графіка на рис.1.

Результати розрахунку концентрації сиропу після 1 корпусу ВУ зображено на рис. 2.



Рис 2. Графік залежності вихідної концентрації сиропу з 1 корпусу ВУ, розрахованої за (3), як відгук на пароспоживання вакуум апаратом 1 кристалізації у формі (1).

Аналогічно можна отримати залежності для концентрації сиропу на виході із наступних корпусів ВУ. Наприклад, для п'ятикорпусної ВУ в перший період ($t \le t_n$) залежності вихідних концентрацій $C_2(\tau)$, $C_3(\tau)$, $C_4(\tau)$, $C_5(\tau)$ набувають вигляду:

$$C_{2}(\tau) = w_{o} + w_{1}\tau + w_{2}\tau^{2} + \dots + w_{n}\tau^{n} , \qquad (4)$$

$$\begin{split} w_o &= C_o \frac{G_o}{G_o - W_1 - W_2}, w_1 = b_{21}a_o - m_{21}w_o, \quad w_2 = b_{21}\frac{a_1}{2} + \frac{K_{21}}{2}(a_o - 2w_o) - m_{21}\frac{w_1}{2}, \\ w_3 &= b_{21}\frac{a_2}{3} + \frac{K_{21}}{3}(a_1 - 2w_1) - m_{21}\frac{w_2}{3}, \quad w_n = b_{21}\frac{a_{n-1}}{n} + \frac{K_{21}}{n}(a_{n-2} - 2w_{n-2}) - m_{21}\frac{w_{n-1}}{n}, \\ \exists e \ b_{21} &= \frac{G_o - W_1 - E_{max}}{M_2}, \quad m_{21} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - 2E_{max}}{M_2}, \quad K_{21} = \frac{E_{max}k_1}{M_2\tau_m}. \end{split}$$

$$C_{3}(\tau) = s_{o} + s_{1}\tau + s_{2}\tau^{2} + \dots + s_{n}\tau^{n}, \qquad (5)$$

$$s_{o} = C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3}}, \quad s_{1} = b_{31}W_{o} - m_{31}s_{o}, \quad s_{2} = b_{31} \left(\frac{w_{1}}{2}\right) + K_{31} \left(\frac{2w_{o} - 3s_{o}}{2}\right) - m_{31} \left(\frac{s_{1}}{2}\right),$$

$$s_{3} = b_{31} \left(\frac{w_{2}}{3}\right) + K_{31} \left(\frac{2w_{1} - 3s_{1}}{3}\right) - m_{31} \left(\frac{s_{2}}{3}\right), \quad s_{n} = b_{31} \left(\frac{w_{n-1}}{n}\right) + K_{31} \left(\frac{2w_{n-2} - 3s_{n-2}}{n}\right) - m_{31} \left(\frac{s_{n-1}}{n}\right),$$

$$de \quad b_{31} = \frac{G_{o} - W_{1} - W_{2} - 2E_{max}}{M_{3}}, \quad m_{31} = \frac{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - 3E_{max}}{M_{3}}, \quad K_{31} = \frac{E_{max}k_{1}}{M_{3}\tau_{m}}.$$

$$C_4(\tau) = r_o + r_1 \tau + r_2 \tau^2 + \dots + r_n \tau^n , \qquad (6)$$

$$\begin{aligned} r_{o} &= C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - W_{4}}, \ r_{1} &= b_{41}s_{o} - m_{41}r_{o}, \ r_{2} &= b_{41} \left(\frac{s_{1}}{2}\right) + K_{41} \left(\frac{3s_{o} - 3r_{o}}{2}\right) - m_{41} \left(\frac{r_{1}}{2}\right), \\ r_{3} &= b_{41} \left(\frac{s_{2}}{3}\right) + K_{41} \left(\frac{3s_{1} - 3r_{1}}{3}\right) - m_{41} \left(\frac{r_{2}}{3}\right), \ r_{n} &= b_{41} \left(\frac{s_{n-1}}{n}\right) + K_{41} \left(\frac{3s_{n-2} - 3r_{n-2}}{n}\right) - m_{41} \left(\frac{r_{n-1}}{n}\right), \end{aligned}$$

$$\texttt{дe} \ b_{41} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - W_3 - 3E_{max}}{M_4}, \quad m_{41} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - W_3 - W_4 - 3E_{max}}{M_4}, \qquad K_{41} = \frac{E_{max}k_1}{M_4\tau_m}$$

$$C_{5}(\tau) = p_{o} + p_{1}\tau + p_{2}\tau^{2} + \dots + p_{n}\tau^{n} , \qquad (7)$$

$$p_{o} = C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - W_{4} - W_{5}}, p_{1} = b_{51}r_{o} - m_{51}p_{o}; p_{2} = b_{51}\left(\frac{r_{1}}{2}\right) + K_{51}\left(\frac{3r_{o} - 3p_{o}}{2}\right) - m_{51}\left(\frac{p_{1}}{2}\right),$$

$$p_{3} = b_{51}\left(\frac{r_{2}}{3}\right) + K_{51}\left(\frac{3r_{1} - 3p_{1}}{3}\right) - m_{51}\left(\frac{p_{2}}{3}\right), p_{n} = b_{51}\left(\frac{r_{n-1}}{n}\right) + K_{51}\left(\frac{3r_{n-2} - 3p_{n-2}}{n}\right) - m_{51}\left(\frac{p_{n-1}}{n}\right),$$

$$p_{3} = b_{51}\left(\frac{r_{2}}{3}\right) + K_{51}\left(\frac{3r_{1} - 3p_{1}}{3}\right) - m_{51}\left(\frac{p_{2}}{3}\right), p_{n} = b_{51}\left(\frac{r_{n-1}}{n}\right) + K_{51}\left(\frac{3r_{n-2} - 3p_{n-2}}{n}\right) - m_{51}\left(\frac{p_{n-1}}{n}\right),$$

$$p_{3} = b_{51} = \frac{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - W_{4} - 3E_{max}}{M}, \qquad m_{51} = \frac{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - W_{4} - W_{5} - 3E_{max}}{M},$$

 M_{5}

 $K_{51} = \frac{E_{max}k_1}{M_5\tau_m}.$

 M_{5}

Графіки зміни концентрації сиропу після корпусів ВУ по (3 – 7) для усього періоду уварювання утфелю (коефіцієнти рядів для інтервалу $t_n \leq t$ не наведені)) за умови роботи лише одного вакуум апарата на вторинній парі 3 корпусу ВУ, зображено на рис. 3.

Розрахунки виконано для заводу потужністю 3000 тонн з випарними апаратами системи Роберта поверхнею відповідно 2360, 3000, 2120, 1500, 1000 м² і з масою рідини в апаратах відповідно, 13, 15, 13, 11, 9 тонн, що відповідає оптимальним п'єзометричним рівням.



Рис 3. Результати розрахунку вихідних концентрацій сиропу по корпусам ВУ по співвідношенням відповідно (3,4,5,6,7) при роботі одного вакуум апарата за 1 цикл.

1-
$$C_1(\tau)$$
; 2 - $C_2(\tau)$; 3 - $C_3(\tau)$, 4 - $C_4(\tau)$, 5 - $C_5(\tau)$.

Максимальне парове навантаження *Е_{мах}* визначається через середнє інтегральне та середнє балансове як

$$E_{max} = \frac{E_{cp}\tau_m}{\int\limits_{o}^{\tau_n} E_1(\tau)d\tau + \int\limits_{\tau_n}^{\tau_k} E_2(\tau)d\tau + \int\limits_{\tau_k}^{\tau_m} E_3(\tau)d\tau}, \qquad (8)$$

$$\text{де } E_{cp} = G_{cip} \left(1 - \frac{CP_{cip}}{CP_{ym\phi}} \right) + G_{\kappa nep} \left(1 - \frac{CP_{\kappa nep}}{CP_{ym\phi}} \right) + G_{\delta n} \left(1 - \frac{CP_{\delta n}}{CP_{ym\phi}} \right) + G_{en} - \text{балансове середн}$$

навантаження вакуум апаратів 1 кристалізації; $E_1(\tau)$, $E_2(\tau)$, $E_3(\tau)$ – функції (1) для періодів $t \ t \ t_n$, $t_n \ t \ t \ t_k$, та $t_k \ t \ t \ t_m$; G_{cip} - витрата сиропу; $G_{\kappa nep}$ - витрата клеровки, $G_{\delta n}$ - витрата білої патоки; G_{en} - водні підкачки; $CP_{cip}, CP_{ym\phi}, CP_{\kappa nep}, CP_{\delta n}$ - масові концентрації сиропу, утфелю, клеровки та білої патоки, відповідно.

Реально варіант роботи випарної установки з одним вакуум апаратом реалізується лише на заводах малої потужності, оскільки вакуум апаратів ємністю менше 40 тонн не існує. До того ж, режим роботи зі споживанням пари 3 корпусу ВУ вакуум апаратами 1 кристалізації для таких заводів небажаний, оскільки мають місце значні коливання концентрації сиропу. Реально працюють 2, або більше вакуум апаратів в залежності від співвідношення потужності заводу та одиничної потужності власне вакуум апаратів.

Графіки споживання пари при одночасній роботі декількох вакуум апаратів можна отримати накладанням навантажувальних характеристик одна на одну зі зміщенням на половину періоду, (при роботі 2 апаратів), або на третину періоду (при роботі 3 апаратів) рис. 4, рис.5.



Рис.4. Графік споживання пари при одночасній роботі 2 вакуум апаратів



Рис.5. Графік споживання пари при одночасній роботі 3 вакуум апаратів

Як видно з рис. 4,5 результуюча крива (суцільна лінія) зберігає лінійний характер, а відносний пік *E_m* стає меншим у відношенні до середнього значення *E_{cp}* при збільшенні числа одночасно працюючих вакуум апаратів. При цьому, амплітуда коливань концентрації сиропу після корпусів ВУ теж стає меншою.

Лінійна апроксимація результуючої кривої, зображеної на рис. 4, (верхня штрихова лінія) з деяким наближенням може бути надана у вигляді:

$$E(\tau) = E_m \left(1 - 2 \frac{\tau}{\tau_m} \right) , \quad \text{при} \quad t < t_n , \qquad (9)$$
$$E(\tau) = E_m \left(1 - 2 \frac{(\tau - \tau_n)}{\tau_m} \right) , \quad \text{при} \quad t_n \text{ f } t < t_m ,$$

а відносний пік Е_т як

$$E_{m} = E_{cp} - E(0.5\tau_{m}), \qquad (10)$$

де $E(0,5\tau_m)$ - значення парового навантаження на вакуум апарат в середині циклу уварювання згідно (1).

Якщо цикл уварювання зміщений не на половину, і одночасно працюючих вакуум апаратів більше двох, (рис.5.) величина *E_m* може бути визначена графічно.

Для знаходження концентрацій сиропу $C_1(\tau)$, $C_2(\tau)$, $C_3(\tau)$, $C_4(\tau)$, $C_5(\tau)$, як реакцію на збурення з боку вакуум апаратів у формі (9), використовуємо систему рівнянь (2), яку також розв'язуємо за допомогою степеневих рядів.

За умови двох одночасно працюючих вакуум апаратів запишемо:

$$\begin{split} C_1(\tau) &= a_o + a_1 \tau + a_2 \tau^2 + \ldots + a_n \tau^n , & \text{для періоду } t \ \ t \ t \ \ : \\ C_1(\tau) &= A_o + A_1(\tau - \tau_n) + A_2(\tau - \tau_n)^2 + \ldots + A_n(\tau - \tau_n)^n , & \text{для періоду } t_n \ \ \ t \ \ \ t \ \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ \ t \ \ \ t \ \ \ \ t \ \ \ \ \ t \ \ t \ \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ \ t \ \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ \ t \ \ t \ \ t \ \ \ t \ \ t \ \ \ t \ \ \ t \ \ \ t \ \ t \ \ \ t \ \ \ t \ \ t \ \ \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \ \ t \$$

Нижче наведені результати інтегрування системи (2, 9) для 1 періоду (*t* £ *t_n*) п'ятикорпусної випарної установки. Коефіцієнти рядів,

 $a_1, a_2...a_n, w_1, w_2...w_n, s_1, s_2...s_n, r_1, r_2...r_n, p_1, p_2...p_n$ відповідають коефіцієнтам рядів 3, 4, 5, 6, 7. Відмінності мають місце лише для a_o, w_o, s_o, r_o, p_o та комплексів b_{ij}, m_{ij}, K_{ij} :

$$\begin{aligned} a_{o} &= C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1} - E_{cp}}, w_{o} = C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1} - W_{2} - 2E_{cp}}, s_{o} = C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - 3E_{cp}}, \\ r_{o} &= C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - W_{4} - 3E_{cp}}, p_{o} = C_{o} \frac{G_{o}}{G_{o} - W_{1} - W_{2} - W_{3} - W_{4} - W_{5} - 3E_{cp}}, \\ b_{11} &= G_{o} \frac{C_{o}}{M_{1}}, \qquad m_{11} = \frac{G_{o} - W_{1} - E_{cp} - E_{m}}{M_{1}}, \qquad K_{11} = \frac{E_{m}2}{M_{1}\tau_{m}}, \\ b_{21} &= \frac{G_{o} - W_{1} - E_{cp} - E_{m}}{M_{2}}, \qquad m_{21} = \frac{G_{o} - W_{1} - W_{2} - E_{cp} - 2E_{m}}{M_{2}}, \qquad K_{21} = \frac{E_{m}2}{M_{2}\tau_{m}}, \end{aligned}$$

$$b_{31} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - 2E_{cp} - 2E_m}{M_3}, \quad m_{31} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - W_3 - 3E_{cp} - 3E_m}{M_3}, \quad K_{31} = \frac{E_m 2}{M_3 \tau_m},$$

$$b_{41} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - W_3 - 3E_{cp} - 3E_m}{M_4}, m_{41} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - W_3 - W_4 - 3E_{cp} - 3E_m}{M_4},$$

$$K_{41} = \frac{E_m 2}{M_4 \tau_m}; b_{51} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - W_3 - W_4 - 3E_{cp} - 3E_m}{M_5},$$

$$m_{51} = \frac{G_o - W_1 - W_2 - W_3 - W_4 - W_5 - 3E_{cp} - 3E_m}{M_5}, K_{51} = \frac{E_m 2}{M_5 \tau_m}.$$

Коефіцієнти рядів для другого періоду $t_n f t f t_m$ не наводимо.

На рис.6 надана графічна інтерпретація отриманих результатів за умови споживання пари 3 корпусу ВУ та одночасній роботі двох вакуум апаратів, зміщених по фазі на половину циклу.



Рис.6. Результати розрахунку вихідних концентрацій соку по корпусам ВУ при роботі двох вакуум аппарата за 1 цикл.

1- $C_1(\tau)$; 2 - $C_2(\tau)$; 3 - $C_3(\tau)$; 4 - $C_4(\tau)$; 5 - $C_5(\tau)$.

Таким чином, можна зробити висновки:

1. Зі збільшенням потужності цукрових заводів і, відповідно, кількості одночасно працюючих вакуум аппаратів 1 кристалізації амплітуда коливань концентрації сиропу після ВУ зменшується, оскільки падає відносний пік навантаження E_m у порівнянні з середнім, E_{cp} .

2. В разі споживання вакуум апаратами вторинної пари 2 корпусу ВУ, концентраційні піки стають меншими і проблем з регулюванням ВУ не виникає. У разі ж споживання пари із 4, або навіть із 5 корпусу ВУ концентраційні піки стають настільки відчутними, що створюють проблеми в регулюванні випарною установкою. По-перше, за даних умов нормальна робота ВУ можлива лише для заводів великої потужності з одночасною дією декількох вакуум апаратів при ритмічній роботі, а, по-друге, система автоматичного регулювання повинна реагувати на концентраційні піки з упередженням. У цьому випадку випарна установка функціонує з переконцентруванням розчину, а підтримування необхідної продуктивності здійснюється через систему регульованих перепусків пари.

Слід зауважити, що існуючі системи автоматичного регулювання випарними установками, як правило, не мають алгоритму управління в періоди порушень технологічного режиму (зміна продуктивності, короткочасні зупинки дифапаратів, Частину операцій здійснює оператор, який інтуїтивно затримка фуговки, тощо). прогнозує динаміку зміни концентрації сиропу з ВУ і здійснює регулювання відповідно до власного бачення розвитку подій. Як видно з наведених вище графіків, для прийняття вірного рішення щодо управління випарною установкою важливо знати величину та час проходження пікової концентрації. Якщо така інформація відсутня, як правило, мають місце невиправдані передчасні водні підкачування в збірник соку перед ВУ з відповідними наслідками щодо перевитрати палива на технологічний процес.

3. Час наростання пікової концентрації на останньому корпусі ВУ залежить від ємності випарних апаратів, і для заводів малої відносної продуктивності, коли варка вакуум апаратом за один цикл, утфелю здійснюється лише одним може перевищувати 1,5 год. За даних умов при відсутності відповідного програмного прогнозуванню концентраційних піків. забезпечення по доцільно мати експериментальну криву зміни концентрації сиропу на ВУ для конкретної випарної установки з метою упередження недоцільних водних підкачок в періоди очікувань значних концентрацій сиропу з ВУ.

Література

1. В.П.Петренко Про деякі динамічні характеристики випарних установок з апаратами Роберта. – Харчова промисловість, 2004, №3, (додаток до журналу) с.148 – 150.

2. В.П.Петренко, М.О.Прядко, Я.І.Засядько Про температурну реакцію випарних апаратів Роберта на ступеневе навантаження. – Нові технології та технічні рішення в харчовій та переробній промисловості: сьогодення і перспективи. Матеріали 9 міжнародної науково-технічної конференції, ч.2, НУХТ, 2005, с.52 – 53.