

MATHEMATICAL MODELING OF THERMAL PROCESSING OF MEAT PRODUCTS

V. Pavelko, S. Hrybkov, A. Zaslavskyi, D. Dmytrenko
National University of Food Technologies

Key words:

heat treatment,
meat (sausage) products,
mathematical modeling,
heating (constructive)
calculation of the chambers

ABSTRACT

The mathematical modeling of the heating and cooking processes of meat (sausage) products during their thermal processing in the steamer chambers (thermal chambers) of meat-packing factories is described in the article. A whole period of meat sausages thermal processing has been split into three stages, for each of them the duration has been determined by analytical solving of heat transfer equation for a slab representing a sausage. The designed mathematical model is proposed to introduce into the heating (constructive) calculation method of the above chambers. Thus defined durations of thermal processing stages depending upon the required temperature distribution inside the sausage can be used at a stage of thermal chambers engineering calculations.

Article history:

Received 15.10.2016
Received in revised form
25.10.2016
Accepted 13.11.2016

Corresponding author:

Volodymyrpavelko
@gmail.com

МАТЕМАТИЧНЕ МОДЕЛЮВАННЯ ПРОЦЕСУ ТЕРМІЧНОЇ ОБРОБКИ М'ЯСНИХ ВИРОБІВ

В.І. Павелко, канд. техн. наук,

С.В. Грибков, канд. техн. наук,

А.І. Заславський,

Д.С. Дмитренко

Національний університет харчових технологій

У статті здійснено математичне моделювання процесів нагрівання і варки м'ясних (ковбасних) виробів під час термічної обробки їх у пароварочних камерах (термокамерах) м'ясоочередобних підприємств. Процес термічної обробки м'ясних виробів був розділений на три етапи, для кожного з яких тривалість була визначена шляхом аналітичного розв'язання рівняння перенесення теплоти для ковбасного виробу конкретної форми. Створену математичну модель пропонується впровадити у методику теплового (конструктивного) розрахунку названих вище термокамер.

Ключові слова: термічна обробка, м'ясні (ковбасні) вироби, математичне моделювання, тепловий (конструктивний) розрахунок термокамер.

Постановка проблеми. Процес термічної обробки м'ясних (ковбасних) виробів здійснюється в термокамерах і містить в собі 3 (три) стадії: нагрівання (підсушування), підсмажування, варка. Цей процес вважається завершеним, коли

температура на осі м'ясного виробу (ковбасного батона) сягає 72°C [1]. Підбираючи режим (стадії) термообробки, необхідно врахувати не тільки рекомендації заводів-виробників відповідного обладнання, а й теоретичні знання стосовно розрахунку кожної стадії процесу термообробки м'ясних виробів.

Метою дослідження є створення математичної моделі процесу термообробки м'ясних (ковбасних) виробів з подальшим впровадженням її у методику теплового конструктивного розрахунку термокамер ковбасного виробництва. Для визначення характерних особливостей стадій процесу термообробки формалізуємо вищеперелічені стадії нагрівання (підсушування), підсмажування і варки ковбасних виробів.

Матеріали і методи. Будь-який ковбасний виріб розглядаємо як предмет овально-циліндричної форми, тобто представляємо його у вигляді фігури (рис. 1), де Rh — радіус.



Рис. 1. Форма ковбасного виробу

Приймаємо D за діаметр ковбасного виробу, тобто $D = 2 \times Rh$, а довжину L за 1 метр. Якщо виріб має овальну, квадратну, або прямокутну форму в поперечному перерізі, то приймаємо за діаметр найменший радіус (рис. 2).

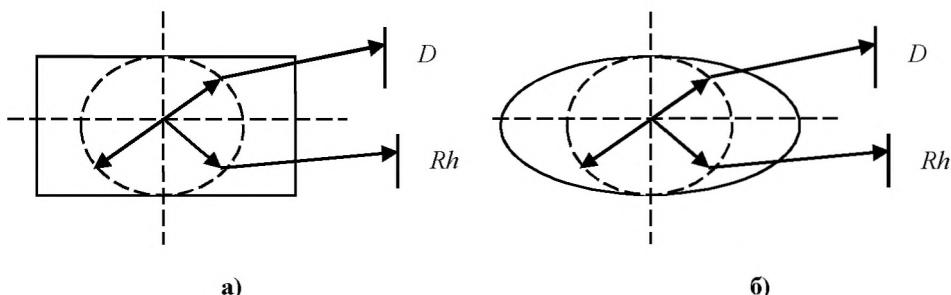


Рис. 2. Поперечний переріз ковбасного виробу: а) прямокутна форма; б) овальна форма

Вважаємо, що $Rh = R_0$, де R_0 — діаметр виробу (продукту) на початковій стадії термообробки.

Загальна тривалість процесу термічної обробки варених (варено-копчених) ковбасних виробів визначається за формулою:

$$\tau_{\text{заг}} = \omega_1 \times \tau_{\text{підсуш}} + \omega_2 \times \tau_{\text{підсмаж}} + \omega_3 \times \tau_{\text{вар}}, \quad (1)$$

де $\tau_{\text{підсуш}}$ — час нагрівання (підсушування); $\tau_{\text{підсмаж}}$ — час на підсмажування;

$\tau_{\text{вар}}$ — час на варку ковбасного виробу; ω_i — коефіцієнт наявності i — тої стадії термічної обробки ($i = 1$ — нагрівання (підсушування), $i = 2$ — підсмажування;

$i=3$ — варка) в технологічному процесі виробництва продукту (виробу). Числове значення коефіцієнта $\omega_i = [0, 1]$. Якщо $\omega_i = 0$ — стадія процесу термообробки не використовується, при $\omega_i = 1$ — стадія термообробки використовується.

На кожній із стадій процесу термообробки ковбасного виробу діаметр його (радіус R_h) змінює своє значення відповідно до i -тої стадії обробки і розраховується за емпіричною формулою:

$$Rs_i = K_i R_0, \quad (2)$$

де K_i — коефіцієнт, що характеризує збільшення (приріст) радіуса ковбасного виробу під час термічної обробки його. Приймаємо значення $K_1 = 1$, ($i = 1$), $K_2 = 1,023$ ($i = 2$), $K_3 = 1,045$ ($i = 3$), [1].

Результати і обговорення. Розглянемо послідовно тривалість кожної стадії процесу термообробки.

Стадія нагрівання (підсушування) ковбасного виробу.

Тривалість стадії нагрівання (підсушування) ковбасного виробу визначається як сума часу, затраченого на нагрівання й сушіння виробу ($\tau_{\text{підсуш}}$), і часу, необхідного для випаровування конденсату, що утворюється на зовнішній поверхні ковбасного виробу при внесенні його у термокамеру ($\tau_{\text{конд}}$):

$$\tau_{\text{підсуш}} = \tau_{\text{нагр(сушки)}} + 60 \times \tau_{\text{конд}}. \quad (3)$$

Розрахунок часу $\tau_{\text{нагр(сушки)}}$ здійснюється за формулою:

$$\tau_{\text{нагр(сушки)}} = \frac{F_{0,\text{підсуш}} \times Rh^2}{a} = \frac{F_{0,\text{підсуш}} \times R_0^2}{a} = \frac{F_{0,\text{підсуш}} \times Rs_2^2}{a}, \quad (4)$$

де $F_{0,\text{підсуш}}$ — тривалість нагрівання (підсушування) у безрозмірному вигляді; a — коефіцієнт температуропровідності ковбасного виробу; для варених, варено-копченіх ковбас $a = 5 \cdot 10^{-4}$ м/хв [1].

Значення критерію Фур'є $F_{0,\text{підсуш}}$, який відповідає часу, необхідному для досягнення в центрі ковбасного виробу (батона) заданої температури, визначається за формулою:

$$F_{0,\text{підсуш}} = \left(\frac{Bi_{\text{підсуш}} + 4}{8 \times Bi} \right) \times \left(\ln \left(\frac{2}{(Bi_{\text{підсуш}} + 2)(1 - T_{n,\text{підсуш}})} \right) + F'_0 \right), \quad (5)$$

де $Bi_{\text{підсуш}}$ — критерій Біо для стадії підсушки; $T_{n,\text{підсуш}}$ — безрозмірне значення температури поверхні продукту (виробу) в процесі підсушування; F'_0 — час проходження «температурного фронту», який визначається за номограмою [1].

Значення критерію Біо визначається за формулою:

$$Bi_{\text{підсуш}} = \frac{\alpha_{\text{підсуш}}}{\lambda} \times R_0 = 25.47 \times R_0, \quad (6)$$

де $\alpha_{\text{підсуш}}$ — коефіцієнт тепловіддачі при термічній обробці; λ — коефіцієнт теплопровідності (для варених і варено-копченых ковбас приймається $\lambda = 0,465 \text{ Вт}/(\text{м}^2 \cdot \text{К})$) [1].

Значення коефіцієнта тепловіддачі $\alpha_{\text{підсуш}}$ можна визначити за виразом:

$$\begin{aligned} \alpha_{\text{підсуш}} &= \alpha_{\text{середов}} \times (1 + 1,9 \times d) = \\ &= (6.16 + 4.49 \times W) \times (1 + 1,9 \times d) = 11,84 \text{ Вт}/(\text{м}^2 \cdot \text{К}), \end{aligned} \quad (7)$$

де $\alpha_{\text{середов}}$ — коефіцієнт тепловіддачі від пароповітряного середовища в термокамері, який визначається за емпіричною формулою Юргеса [2]:

$$\alpha_{\text{середов}} = 6.16 + 4.49 \times W \text{ Вт}/(\text{м}^2 \cdot \text{К}),$$

де d — вологовміст продукту (ковбасного виробу) в кг вологи/кг середовища при температурі пароповітряного середовища в термокамері; $t_{\text{середов}} = 100^\circ\text{C}$ і відносній вологості повітря $\phi = 10\%$ вологовміст $d = 0,076 \text{ кг}/\text{кг}$.

F'_0 — час проходження «температурного фронту», можна визначити за вищевказаною номограмою [1]. Але, визначивши критерій Біо $Bi_{\text{підсуш}}$ за формулою (6), можна розрахувати F'_0 за виразом:

$$\begin{aligned} F'_0 &\approx 0.7 * \left(\frac{1}{12} + \frac{1}{3 \times Bi_{\text{підсуш}}} - \frac{2}{3 \times (Bi_{\text{підсуш}})^2} \times \ln(1 + 0.5 \times Bi_{\text{підсуш}}) \right) = \\ &= 0.7 * \left(\frac{1}{12} + \frac{1}{3 \times 25.47 \times R_0} - \frac{2}{3 \times (25.47 \times R_0)^2} \times \ln(1 + 0.5 \times 25.47 \times R_0) \right) = \\ &= 0.7 * \left(\frac{1}{12} + \frac{1}{76.41 \times R_0} - \frac{2}{1946.16 \times R_0^2} \times \ln(1 + 12.74 \times R_0) \right). \end{aligned} \quad (8)$$

Безрозмірне значення температури поверхні продукту (виробу) в процесі підсушування визначається за формулою:

$$T_{n,\text{підсуш}} = \frac{t_{kінц., \text{сушилля}} - t_{0, \text{сушилля}}}{t_{\text{серед., сушилка}} - t_{0, \text{сушилля}}}, \quad (9)$$

де $t_{kінц., \text{сушилля}}$ — температура поверхні виробу (ковбасного батона) в кінці процесу підсушування, $^\circ\text{C}$; $t_{0, \text{сушилля}}$ — початкова температура поверхні ковбасного виробу (прийнято вважати, що $t_{0, \text{сушилля}} = 15^\circ\text{C}$), $^\circ\text{C}$. Температура середовища

$t_{\text{перед, подсуш}}$ визначається технологічним регламентом відповідної стадії процесу термообробки ковбасних виробів.

Підставивши вирази (6) і (9) у формулу (5), отримаємо значення критерію Фур'є, який відповідає часу, необхідному для досягнення в центрі ковбасного виробу заданого значення температури:

$$F_{0,nidcyuu} = \left(\frac{25.47 \times R_0 + 4}{8 \times 25.47 \times R_0} \right) \times \left(\ln \left(\frac{2}{(25.47 \times R_0 + 2) \left(1 - \frac{t_{\text{кінц, суш}} - t_{0, \text{суш}}}{t_{\text{передов}} - t_{0, \text{суш}}} \right)} \right) + F'_0 \right). \quad (10)$$

Інакше, необхідно використовувати нанограму, враховуючи критерій $Bi_{nidcyuu}$ і параметр $\rho = \frac{Bi_{nidcyuu} - T_{n, nidcyuu} (Bi_{nidcyuu} + 2)}{Bi_{nidcyuu} (1 - T_{n, nidcyuu})}$, які дозволяють визначити F'_0 .

Час, необхідний для випаровування конденсату із зовнішньої поверхні ковбасного виробу, можна визначити за виразом:

$$\begin{aligned} \tau_{\text{конд}} &= (2 - 0.46 \times Bi_{nidcyuu}) \times (21 \times T_{n, nidcyuu} - 8) = \\ &= (2 - 0.46 \times 25.47 \times R_0) \times (21 \times T_{n, nidcyuu} - 8) \end{aligned} \quad . \quad (11)$$

Тривалість стадії підсушування, враховуючи вирази (4) і (11), можна визначити за формулою:

$$\begin{aligned} \tau_{nidcyuu} &= \frac{F_{0,nidcyuu} \times R_0^2}{\alpha} + 60 \times \tau_{\text{конд}} = \\ &= \frac{\left(\frac{Bi_{nidcyuu} + 4}{8 \times Bi_{nidcyuu}} \right) \times \left(\ln \left(\frac{2}{(Bi_{nidcyuu} + 2)(1 - T_{n, nidcyuu})} \right) + F'_0 \right) \times R_0^2}{\alpha} + 60 \times \tau_{\text{конд}}. \end{aligned} \quad (12)$$

1. Стадія підсмажування ковбасного виробу.

Тривалість стадії підсмажування $\tau_{\text{підсмаж}}$ можна визначити за виразом:

$$\tau_{nidsmajc} = \frac{F_{0,nidsmajc} \times R_{s2}^2}{\alpha_{nidsmajc}}, \quad (13)$$

де $R_{s2} = R_0 \times K_2$ — середній діаметр (радіус) виробу в кінці стадії підсмажування.

Значення критерію Біо для стадії підсмажування визначається як:

$$Bi_{\text{підсмаж}} = \frac{\alpha_{\text{підсмаж}}}{\lambda} \times RS_2 = \frac{\alpha_{\text{підсмаж}}}{\lambda} \times R_0 \times K_2, \quad (14)$$

де $\alpha_{\text{підсмаж}}$ — коефіцієнт тепловіддачі від пароповітряного середовища до ковбасного виробу на стадії підсмажування, який визначається за вищеведеною емпіричною формулою Юргеса (7):

$$\alpha_{\text{підсмаж}} = \alpha_{\text{підсуш}} = \alpha_{\text{середов}} \times (1 + 1,9 \times d) = 11,84 \text{ Вт}/(\text{м}^2 \cdot \text{К}).$$

λ — коефіцієнт теплопровідності варених і варено-копченіх ковбас, який приймається для стадії нагрівання (підсушування) $\lambda = 0,465 \text{ Вт}/(\text{м} \cdot \text{К})$ [1].

Тривалість стадії підсмажування ковбасного виробу в остаточному варіанті визначається за виразом:

$$F_{0,\text{підсмаж}} = \left(\frac{Bi_{\text{підсмаж}} + 4}{8 \times Bi_{\text{підсмаж}}} \right) \times \left[\ln \left(\frac{2}{(Bi_{\text{підсмаж}} + 2)(1 - T_{n,\text{підсмаж}})} \right) + F'_0 - F_{0,\text{підсуш}} \right], \quad (15)$$

де

$$T_{n,\text{підсмаж}} = \frac{t_{\text{кінч., підсмаж}} - t_{0,\text{підсмаж}}}{t_{\text{середов.підсмаж}} - t_{0,\text{підсмаж}}}, \quad (16)$$

2. Стадія варки ковбасного виробу.

Розмірний час стадії варки $\tau_{\text{вар}}$ ковбасних виробів визначається за формулою (4), а критерій Біо — за формулою (6).

Діаметр (радіус) ковбасного виробу (батона) на стадії варки визначається за емпіричним співвідношенням:

$$R_{\text{вар}} = R_0 \times K_3 = 1,045 \times R_0.$$

Значення коефіцієнта тепловіддачі від пароповітряного середовища до зовнішньої поверхні ковбасного виробу можна визначити за виразом:

$$\alpha_{\text{вар}} = \alpha_{\text{середов}} \times (1 + 1.9 \times d) = 35.68 \text{ Вт}/(\text{м}^2 \cdot \text{К}),$$

де d — вологовміст продукту (ковбасного виробу) при температурі пароповітряного середовища $t_{\text{серед}} = 85^\circ\text{C}$ і відносною вологістю повітря $\phi = 90\%$. Згідно з технологічним регламентом процесу термообробки ковбасних виробів вищевказані параметри середовища $t_{\text{серед}}$ і ϕ повинні підтримуватися протягом стадії варки [3]. Для вищеведених значень $t_{\text{серед}} = 85^\circ\text{C}$ і $\phi = 90\%$ вологовміст $d = 0,7653 \text{ кг}/\text{кг}$.

Значення критерію Біо для стадії варки визначається за формулою:

$$Bi_{\text{вар}} = 79.42 \times R_0. \quad (17)$$

Значення критерію Фур'є для стадії варки знаходимо за формулою (8), підставивши в неї вираз (17):

$$F_{0,\text{eap}} = 0,7 \left(\frac{1}{12} + \frac{1}{238,26 \times R_0} - \frac{2 \times \ln(1 + 39,71 \times R_0)}{18922,61 \times R_0^2} \right). \quad (18)$$

Тривалість стадії варки ковбасного виробу в безрозмірному значенні визначається за формулою:

$$\begin{aligned} F_{0,\text{eap}} &= \left(\frac{Bi_{\text{eap}} + 4}{8 * Bi_{\text{eap}}} \right) \times \left[\ln \left(\frac{t_{\text{eap,серед}} - t_{\text{eap,0}}}{t_{\text{eap,серед}} - t_{\text{eap,кінц}}} \right) + F'_0 \right] = \\ &= \left(\frac{79,42 \times R_0 + 4}{8 \times 79,42 \times R_0} \right) \times \left[\ln \left(\frac{t_{\text{eap,серед}} - t_{\text{eap,0}}}{t_{\text{eap,серед}} - t_{\text{eap,кінц}}} \right) + F'_0 \right] \end{aligned}, \quad (19)$$

де $t_{\text{eap,кінц}}$ — температура в центрі ковбасного виробу (батона) в кінці стадії варки.

При розрахункові тривалості стадії варки ковбасного виробу вважаємо, що початковий стан продукту (виробу) $t_{\text{eap,0}}$ можна охарактеризувати середньозваженою температурою:

$$t_{\text{сер.eap,0}} = \frac{t_{\text{ніжка}} + t_{\text{н,ніжка}}}{2}. \quad (20)$$

Розмірний час стадії варки τ_{eap} ковбасних виробів (батонів) визначається за формулою:

$$\tau_{\text{eap}} = 2142,45 \times F_{0,\text{eap}} \times R_0^2. \quad (21)$$

Висновки. Для повного процесу термічної обробки м'ясних виробів (ковбасних батонів) отримуємо математичну модель теплою (термічною) обробки варених і варено-копченіх ковбас у вигляді:

$$\begin{aligned} \tau &= 2000 \times F_{0,\text{ніжка}} \times R_0^2 + (2 - 11,72 \times R_0^2)(21 \times T_n - 8) + \\ &+ 2048,29 \times F_{0,\text{eap}} \times R_0^2 + 2142,45 \times F_{0,\text{eap}} \times R_0^2 \end{aligned}. \quad (22)$$

ЛІТЕРАТУРА

1. Бражников, А.М. Аналитические методы исследования процессов термической обработки мясопродуктов: учеб. пособ. / А.М. Бражников, В.А. Карпичев, А.И. Пслеев. — М.: Пищевая пром-сть., 1974. — 365 с.

2. Ивашикин, Ю.А. Моделирование производственных процессов мясной и молочной промышленности: учеб. пособ. / Ю.А. Ивашикин. — М.: Агропромиздат, 1987. — 236 с.

3. Павлов, К.Ф. Примеры и задачи по курсу процессов и аппаратов химической технологии : учеб. пособ. / К.Ф. Павлов, П.Г. Романков, А.А. Носков. — Л.: Химия, 1987. — 576 с.

4. Павелко, В.І. Теплозабезпечення підприємств м'ясопереробної та молокопереробної галузей промисловості: навч. посіб. / В.І. Павелко. — Вінниця: Нова Книга, 2007. — 210 с.

5. Соколенко, О.Ю. Дослідження впливу деяких технологічних факторів на тривалість процесу термічної обробки ковбасних виробів / О.Ю. Соколенко, А.І. Заславський // Наукові праці НУХТ.— 2012. — № 45. — С. 31—35.

МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОЦЕССА ТЕРМИЧЕСКОЙ ОБРАБОТКИ МЯСНЫХ ИЗДЕЛИЙ

В.И. Павелко, С.В. Грибков, А.И. Заславский, Д.С. Дмитренко

Национальный университет пищевых технологий

В статье приведено математическое моделирование процессов нагрева и варки мясных (колбасных) изделий во время термической обработки их в паро-варочных камерах (термокамерах) мясоперерабатывающих предприятий. Процесс термической обработки мясных изделий был разделен на три этапа, для каждого из которых продолжительность определялась методом решения уравнения переноса теплоты для колбасного изделия определенной формы. Созданную математическую модель предлагается внедрить в методику теплового (конструктивного) расчета вышеназванных термокамер.

Ключевые слова: термическая обработка, мясные (колбасные) изделия, математическое моделирование, тепловой (конструктивный) расчет термокамер.